#### Приложение к ООП СОО

Принято на заседании педагогического совета МОУ «Ферзиковская средняя общеобразовательная школа» муниципального района «Ферзиковский район» Калужской области

Протокол № 1 от 28.08.2020 г.

Утверждено директором МОУ «Ферзиковская средняя общеобразовательная школа» муниципального района «Ферзиковский район» Калужской области Приказ № 143 от 28.08.2020

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ПО УЧЕБНОМУ ПРЕДМЕТУ «МАТЕМАТИКА: АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА, ГЕОМЕТРИЯ» «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» в старшей школе

### ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

#### Внаправлении личностного развития:

- формирование представлений о математике как части общечеловеческой культуры, о значимости математики в развитии цивилизации и современного общества;
- развитие логического и критического мышления, способности к умственному эксперименту;
- формирование умения различать факты и оценки, сравнивать оценочные выводы, видеть их связь с критериями оценок и связь критериев с определённой системой ценностей.
- развитие у учащихся точной, лаконичной и информативной речи, умения отбирать наиболее подходящие языковые (в частности, символические, графические) средства.
- воспитание качеств личности, обеспечивающих социальную мобильность, способность принимать самостоятельные решения;
- формирование качеств мышления, необходимых для адаптации в современном информационном обществе;
- развитие интереса к математическому творчеству и математических способностей;
- умение планировать свою деятельность и управлять ею во времени

#### в метапредметномнаправлении:

- дальнейшее развитие способности к информационно-поисковой деятельности: самостоятельному отбору источников информации в соответствии с поставленными целями и задачами, систематизации информации по заданным признакам, критической оценке и интерпретации информации;
- получение опыта успешной, целенаправленной и результативной учебнопредпрофессиональной деятельности;
- дальнейшее развитие представлений о математике как форме описания и методе познания действительности, создание условий для приобретения первоначального опыта математического моделирования;
- формирование общих способов интеллектуальной деятельности, характерных для математики и являющихся основой познавательной культуры, значимой для различных сфер человеческой деятельности.

### Результатами изучения предмета «Алгебра и начала математического анализа» являются:

	Базовый «Проблемно-фу	· 1	Углубленный уровень «Системно-теоретические		
	резуль	таты»	резуль	гаты»	
Раздел	<b>I.</b> Выпускник	<b>III.</b> Выпускник	<b>II.</b> Выпускник	<b>IV</b> . Выпускник	
	научится	получит	научится	получит	
		возможность		возможность	
		научиться		научиться	
Цели	Для использования в	Для развития	Для успешного	Для обеспечения	
освоения	повседневной жизни	мышления,	продолжения	возможности	
предмета	и обеспечения	использования в	образования	успешного	
	возможности	повседневной	по специальностям,	продолжения	
	успешного	жизни	связанным с	образования по	
	продолжения	и обеспечения	прикладным	специальностям,	
	образования по	возможности	использованием	связанным с	

	T	T	1	1	
	специальностям, не	успешного	математики	осуществлением	
	связанным с	продолжения		научной и	
	прикладным	образования по		исследовательско	
	использованием	специальностям, не		й деятельности в	
	математики	связанным с		области	
		прикладным		математики и	
		использованием		смежных наук	
		математики			
		Требования к	результатам		
Элементы	<ul> <li>Оперировать на</li> </ul>	– Оперировать <sup>2</sup>	– Свободно	– Достижение	
теории	базовом уровне <sup>1</sup>	понятиями:	оперировать <sup>3</sup>	результатов	
множеств	понятиями:	конечное	понятиями:	раздела II;	
u	конечное	множество,	конечное	– оперировать	
математич	множество,	элемент	множество,	понятием	
еской	элемент	множества,	элемент	определения,	
логики	множества,	подмножество,	множества,	основными	
	подмножество,	пересечение и	подмножество,	видами	
	пересечение и	объединение	пересечение,	определений,	
	объединение	множеств,	объединение и	основными	
	множеств,	числовые	разность	видами	
	числовые	множества на	множеств,	теорем;	
	множества на	координатной	числовые	– понимать	
	координатной	прямой,	множества на	суть	
	прямой, отрезок,	отрезок,	координатной	косвенного	
	интервал;	интервал,	прямой,	доказательст	
	<ul> <li>оперировать на</li> </ul>	полуинтервал,	отрезок,	ва;	
	базовом уровне	промежуток с	интервал,	– оперировать	
	понятиями:	выколотой	полуинтервал,	понятиями	
	утверждение,	точкой,	промежуток с	счетного и	
	отрицание	графическое	выколотой	несчетного	
	утверждения,	представление	точкой,	множества;	
	истинные и	множеств на	графическое	– применять	
	ложные	координатной	представление	метод	
	утверждения,	плоскости;	множеств на	математичес	
	причина,	– оперировать	координатной	кой индукции	
	следствие,	понятиями:	плоскости;	для проведения	
	частный случай	утверждение,	– задавать	рассуждений и	
	общего	отрицание	множества	доказательст	
	утверждения,	утверждения,	перечислением	в и при	
	контрпример;	истинные и	И	решении	
	– находить	ложные	характеристиче	задач.	
	пересечение и	утверждения,	ским свойством;	В повседневной	
	объединение	причина,	– оперировать		
	оовединение		оперпровать	жизни и при	

 $^{1}$ Здесь и далее:распознавать конкретные примеры общих понятий по характерным признакам, выполнять действия в соответствии с определением и простейшими свойствами понятий, конкретизировать примерами общие понятия.  $^{2}$  Здесь и далее; знать определение понятия, уметь пояснять его смысл, уметь использовать понятие и его свойства

при проведении рассуждений, решении задач.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Здесь и далее: знать определение понятия, знать и уметь обосновывать свойства(признаки, если они есть) понятия, характеризовать связи с другими понятиями, представляя одно понятие как часть целостного комплекса, использовать понятие и его свойства при проведении рассуждений, доказательств, решении задач.

- двух множеств, представленных графически на числовой прямой;
- строить на числовой прямой подмножество числового множества, заданное простейшими условиями;
- распознавать ложные утверждения, ошибки в рассуждениях, в том числе с использованием контрпримеров.
- В повседневной жизни и при изучении других предметов:
- использовать числовые множества на координатной прямой для описания реальных процессов и явлений;
- проводить логические рассуждения в ситуациях повседневной жизни

- следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;
- проверять
   принадлежност
   ь элемента
   множеству;
- находить
  пересечение и
  объединение
  множеств, в
  том числе
  представленных
  графически на
  числовой
  прямой и на
  координатной
  плоскости;
- проводить
   доказательные
   рассуждения
   для обоснования
   истинности
   утверждений.
- В повседневной жизни и при изучении других предметов:
- преометов.

   использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;
- проводить
  доказательные
  рассуждения в
  ситуациях
  повседневной
  жизни, при
  решении задач
  из других

- понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример; проверять принадлежност
- контрпример,

  проверять
  принадлежнос
  ь элемента
  множеству;

  находить
- находить
  пересечение и
  объединение
  множеств, в том
  числе
  представленных
  графически на
  числовой
  прямой и на
  координатной
  плоскости;
- проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений.
- В повседневной жизни и при изучении других предметов:
- использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;

изучении других предметов: использовать теоретикомножественн ый язык и язык логики для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов

		продметов	HINODOHYYEY	
		предметов	– проводить	
			доказательные	
			рассуждения в	
			ситуациях	
			повседневной	
			жизни, при	
			решении задач	
			из других	
			предметов	
Числа и	<ul> <li>Оперировать на</li> </ul>	– Свободно	– Свободно	– Достижение
выражения	базовом уровне	оперировать	оперировать	результатов
_	понятиями: целое	понятиями:	понятиями:	раздела II;
	число, делимость	целое число,	натуральное	– свободно
	чисел,	делимость	число,	оперировать
	обыкновенная	чисел,	множество	числовыми
	дробь,	обыкновенная	натуральных	множествами
	десятичная	дробь,	чисел, целое	
	дробь,	десятичная десятичная	число,	при решении задач;
	_ * '	дробь,	· ·	ŕ
	рациональное	*	множество	– понимать
	число,	рациональное	целых чисел, обыкновенная	причины и
	приближённое	число,		основные идеи
	значение числа,	приближённое	дробь,	расширения
	часть, доля,	значение числа,	десятичная	числовых
	отношение,	часть, доля,	дробь,	множеств;
	процент,	отношение,	смешанное	– владеть
	повышение и	процент,	число,	основными
	понижение на	повышение и	рациональное	понятиями
	заданное число	понижение на	число,	теории
	процентов,	заданное число	множество	делимости при
	масштаб;	процентов,	рациональных	решении
	– оперировать на	масштаб;	чисел,	стандартных
	базовом уровне	– приводить	иррациональное	задач
	:имкиткноп	примеры чисел с	число, корень	– иметь базовые
	логарифм числа,	заданными	степени п,	представления
	тригонометричес	свойствами	действительное	о множестве
	кая окружность,	делимости;	число,	комплексных
	градусная мера	– оперировать	множество	чисел;
	угла, величина	понятиями:	действительных	– свободно
	угла, заданного	логарифм числа,	чисел,	выполнять
	точкой на	тригонометрич	геометрическая	тождественн
	тригонометричес	еская	интерпретация	ые
	кой окружности,	окружность,	натуральных,	преобразовани
	синус, косинус,	радианная и	целых,	Я
	тангенс и	градусная мера	рациональных,	тригонометри
	котангенс углов,	угла, величина	действительных	ческих,
	имеющих	угла, заданного	чисел;	логарифмичес
	произвольную	точкой на	– понимать и	ких,
	величину;	тригонометрич	объяснять	степенных
	– выполнять	еской	разницу между	выражений;
	арифметические	окружности,	позиционной и	– владеть
	1 1	1,7,	<u> </u>	— вливеть

- действия с целыми и рациональными числами;
- выполнять несложные преобразования числовых выражений, содержащих степени чисел, либо корни из чисел, либо логарифмы чисел;
- сравнивать рациональные числа между собой;
- оценивать и сравнивать с рациональными числами значения целых степеней чисел, корней натуральной степени из чисел, логарифмов чисел в простых случаях;
- изображать точками на числовой прямой целые и рациональные числа;
- изображать точками на числовой прямой целые степени чисел, корни натуральной степени из чисел, логарифмы чисел в простых случаях;
- случаях;

   выполнять несложные преобразования

- синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину, числа е и  $\pi$ ;
- выполнять арифметически е действия, сочетая устные и письменные приемы, применяя при необходимости вычислительны е устройства;
- находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма, используя при необходимости вычислительны е устройства;
- пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;
- проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, корни, логарифмы и тригонометрические функции; находить
- находить

   значения
   числовых и
   буквенных

системами записи чисел;

— переводить числа из одной системы записи (системы счисления) в другую;

— доказывать и

непозиционной

- использовать признаки делимости суммы и произведения при выполнении вычислений и решении задач;
- выполнять округление рациональных и иррациональны х чисел с заданной точностью;
- сравнивать действительные числа разными способами;упорядочивать
- числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби, числа, записанные с использованием арифметическог о квадратного корня, корней степени больше 2;
- находить НОД и НОК разными способами и использовать их при решении задач;

- формулой бинома Ньютона;
- применять при решении задач теорему о линейном представлении НОД;
- применять при решении задач Китайскую теорему об остатках;
- применять при решении задач Малую теорему Ферма;
- уметь
   выполнять
   запись числа в
   позиционной
   системе
   счисления;
  - применять при решении задач теоретико-числовые функции: число и сумма делителей, функцию
    Эйлера;
  - применять при решении задач цепные дроби;

применять

- при решении задачмногочле ны с действительными и целыми коэффициент ами;
- али,
   владеть
  понятиями
  приводимый и
  неприводимый
  многочлен и

- целых и дробнорациональных буквенных выражений; выражать в простейших
- простейших случаях из равенства одну переменную через другие;

вычислять в

- простых случаях значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;
- изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах;
- оценивать знаки синуса, косинуса, тангенса, котангенса конкретных углов.
- В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:
- выполнять

   вычисления при
   решении задач
   практического
   характера;
- выполнять практические расчеты с использованием при необходимости справочных

- выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования:
- изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах или радианах;
- использовать при решении задач табличные значения тригонометрич еских функций углов;
- выполнять перевод величины угла из радианной меры в градусную и обратно.
- В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:
  - выполнять действия с числовыми данными при решении задач практического характера и задач из различных областей знаний, используя при необходимости справочные материалы и вычислительны

- выполнять вычисления и преобразования выражений, содержащих действительные числа, в том числе корни натуральных степеней; выполнять станлартные
- стандартные тождественные преобразования тригонометриче ских, логарифмическ их, степенных, иррациональны х выражений.
- В повседневной жизни и при изучении других предметов:
- выполнять и объяснять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений, используя разные способы сравнений; записывать, сравнивать,
- записывать, сравнивать, округлять числовые данные реальных величин с использованием разных систем измерения; составлять и

- применять их при решении задач;
- применять при решении задач Основную теорему алгебры;
- применять при решении задач простейшие функции комплексной переменной как геометрически е преобразовани

		<u> </u>		1
Vna	материалов и вычислительных устройств;  — соотносить реальные величины, характеристики объектов окружающего мира с их конкретными числовыми значениями;  — использовать методы округления, приближения и прикидки при решении практических задач повседневной жизни	е устройства;  - оценивать, сравнивать и использовать при решении практических задач числовые значения реальных величин, конкретные числовые характеристик и объектов окружающего мира	оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач из других учебных предметов	
Уравнения	- Решать линейные	– Решать	– Свободно	– Достижение
u	уравнения и	рациональные,	оперировать	результатов
неравенств	неравенства,	показательные	понятиями:	раздела II;
a	квадратные	u	уравнение,	– свободно
	уравнения;	логарифмически	неравенство,	определять
	– решать	е уравнения и	равносильные	mun u
	логарифмические	неравенства,	уравнения и	выбирать
	уравнения вида	простейшие	неравенства,	метод
	$\log_a(bx+c)=d$ и	иррациональные	уравнение,	решения
	простейшие	u	являющееся	показательны
	неравенства вида	тригонометрич	следствием	x u
	$\log_a x < d;$	еские	другого уравиения	логарифмичес
	– решать	уравнения, неравенства и	уравнения, уравнения,	ких уравнений
	показательные	неравенства и их системы;	уравнения, равносильные	и неравенств, иррациональн
	уравнения, вида $a^{bx+c} = d$ (где $d$	<ul><li>их системы;</li><li>использовать</li></ul>	на множестве,	ых уравнений и
	и — и (где и можно	методы	равносильные	неравенств,
	представить в	решения	преобразования	тригонометри
	виде степени с	уравнений:	уравнений;	ческих
	основанием а) и	приведение к	– решать разные	уравнений и
	простейшие	виду	виды уравнений	неравенств, их
	неравенства вида	«произведение	и неравенств и	систем;
	$a^x < d$ (где $d$	равно нулю» или	их систем, в том	– свободно
	ОНЖОМ	«частное равно	числе	решать
	представить в	нулю», замена пепеменных:	некоторые уравнения 3-й и	системы
	виде степени с	переменных;	уравнения 5-и и 4-й степеней,	ЛИНЕЙНЫХ упавнений:
	основанием $a$ );.	– использовать	т-и степенси,	уравнений;

- приводить несколько примеров корней простейшего тригонометричес кого уравнения вида:  $\sin x = a$ ,  $\cos x = a$ , tgx = a, ctgx = a, rge a табличное значение соответствующей тригонометричес кой функции.
- В повседневной жизни и при изучении других предметов:
- составлять и решать уравнения и системы уравнений при решении несложных практических задач

- метод интервалов для решения неравенств;
- использовать графический метод для приближенного решения уравнений и неравенств;
- изображать на тригонометрич еской окружности множество решений простейших тригонометрич еских уравнений и неравенств;
- выполнять
   отбор корней
   уравнений или
   решений
   неравенств в
   соответствии с
   дополнительны
   ми условиями и
   ограничениями.
- В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:
- составлять и решать уравнения, системы уравнений и неравенства при решении задач других учебных предметов; использовать
- использовать уравнения и неравенства для построения

- дробнорациональные и иррациональны е;
- овладеть основными типами показательных, логарифмическ иррациональны х, степенных уравнений и неравенств и стандартными методами их решений и применять их при решении задач; применять
- применять теорему Безу к решению уравнений;
   применять
- применять теорему Виета для решения некоторых уравнений степени выше второй;
- понимать смысл теорем о равносильных и неравносильны х преобразования х уравнений и уметь их доказывать;
   владеть методами
- владеть методами решения уравнений, неравенств и их систем, уметь выбирать метод решения и обосновывать свой выбор;

- решать основные типы уравнений и неравенств с параметрами; применять при
- применять при решении задач неравенства Коши Буняковского, Бернулли;
- иметь представление о неравенствах между средними степенными

и исследования использовать простейших метод математически интервалов для х моделей решения реальных неравенств, в ситуаций или том числе прикладных дробнозадач; рациональных и уметь включающих в интерпретиров себя ать полученный иррациональны е выражения; при решении уравнения, решать неравенства алгебраические или системы уравнения и неравенства и результат, оценивать его их системы с правдоподобие параметрами в контексте алгебраическим заданной и графическим реальной методами; ситуации или владеть прикладной разными задачи методами доказательства неравенств; решать уравнения в целых числах; изображать множества на плоскости, задаваемые уравнениями, неравенствами и их системами; свободно использовать тождественные преобразования при решении уравнений и систем уравнений В повседневной жизни и при изучении других предметов: составлять и

	I				
				решать	
				уравнения,	
				неравенства, их	
				системы при	
				решении задач	
				других учебных	
				предметов;	
			_	выполнять	
				оценку	
				правдоподобия	
				результатов,	
				получаемых при	
				решении	
				различных	
				уравнений,	
				неравенств и их	
				систем при	
				решении задач	
				других учебных	
				предметов;	
			_	составлять и	
				решать	
				уравнения и	
				неравенства с	
				параметрами	
				при решении	
				задач других	
				учебных	
				предметов;	
			_	составлять	
				уравнение,	
				неравенство или	
				их систему,	
				описывающие	
				реальную	
				ситуацию или	
				прикладную	
				задачу,	
				интерпретирова	
				ть полученные	
				результаты;	
			_	использовать	
				программные	
				средства при	
				решении	
				отдельных	
				классов	
				уравнений и	
				неравенств	
Функции	Опориворожи ис	Onaninagami			Постина
Функции	– Оперировать на	– Оперировать		Владеть	– Достижение

базовом уровне понятиями: понятиями: результатов понятиями: зависимость зависимость раздела II; зависимость величин, величин, владеть величин, функция. функция, понятием функция, аргумент и аргумент и асимптоты и аргумент и значение значение уметь его значение функции, функции, применять при функции, область область область решении определения и определения и определения и задач: множество множество множество применять значений значений значений методы функции, график функции, функции, решения зависимости, график график простейших график функции, зависимости, зависимости, дифференциал нули функции, график график ьных функции, нули функции, нули промежутки уравнений знакопостоянства функции, функции, первого и , возрастание на промежутки промежутки второго знакопостоянс знакопостоянст числовом порядков промежутке, ва, возрастание тва. убывание на возрастание на на числовом числовом числовом промежутке, промежутке, убывание на промежутке, наибольшее и убывание на числовом числовом наименьшее промежутке, наибольшее и значение промежутке, функции на наибольшее и наименьшее числовом наименьшее значение промежутке, значение функции на периодическая функции на числовом функция, период; числовом промежутке, периодическая оперировать на промежутке, базовом уровне периодическая функция, понятиями: функция, период, четная период, четная и нечетная прямая и и нечетная функции; уметь обратная пропорционально функции; применять эти сть линейная, оперировать понятия при решении задач; квадратичная, понятиями: логарифмическая прямая и владеть и показательная обратная понятием пропорциональн функции, степенная тригонометричес ость, линейная, функция; кие функции; квадратичная, строить ее график и уметь распознавать логарифмическа применять графики яи свойства элементарных показательная функций: прямой степенной функции, и обратной тригонометрич функции при еские функции; решении задач; пропорционально

- сти, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометричес ких функций;
- соотносить графики элементарных функций: прямой и обратной пропорционально сти, линейной, квадратичной, логарифмической и показательной функций, тригонометричес ких функций с формулами, которыми они заданы;
- находить по графику приближённо значения функции в заданных точках;
- определять по графику свойства функции (нули, промежутки знакопостоянства , промежутки монотонности, наибольшие и наименьшие значения и т.п.);
- строить эскиз графика функции, удовлетворяюще й приведенному набору условий (промежутки возрастания / убывания, значение функции в

- определять
  значение
  функции по
  значению
  аргумента при
  различных
  способах
  задания
  функции;
  строить
  графики
  изученных
- функций;

   описывать по графику и в простейших случаях по формуле поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие

значения;

строить эскиз графика функции, удовлетворяющ приведенному набору условий (промежутки возрастания/уб ывания. значение функции в заданной точке, точки экстремумов, асимптоты, нули функции и  $m.\partial.$ );

решать

уравнения,

системы

уравнений,

простейшие

понятиями показательная функция, экспонента; строить их графики и уметь применять свойства показательной функции при решении задач; владеть понятием логарифмическа

владеть

- владеть
  понятием
  логарифмическа
  я функция;
  строить ее
  график и уметь
  применять
  свойства
  логарифмическ
  ой функции при
  решении задач;
- владеть понятиями тригонометриче ские функции; строить их графики и уметь применять свойства тригонометриче ских функций при решении задач;
  владеть
- владеть
  понятием
  обратная
  функция;
  применять это
  понятие при
  решении задач;
  применять при
  решении задач
- применять при решении задач свойства функций: четность, периодичность,

заданной точке, точки экстремумов и т.д.).

- В повседневной жизни и при изучении других предметов:
- определять по графикам свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, промежутки знакопостоянства и т.п.);
- интерпретироват ь свойства в контексте конкретной практической ситуации

используя свойства функций и их графиков.

- В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:
- определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянс тва, асимптоты. период и т.п.);
- интерпретиров ать свойства в контексте конкретной практической ситуации;
- определять по графикам простейшие характеристик и периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.)

- ограниченность;

   применять при решении задач преобразования графиков функций;
- владеть понятиями числовая последовательн ость, арифметическая и геометрическая прогрессия;
- применять при решении задач свойства и признаки арифметическо й и геометрической прогрессий.
- В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:
  - определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянст ва, асимптоты, точки перегиба, период и т.п.); интерпретирова

			ть свойства в	
			контексте	
			конкретной	
			практической	
			ситуации;.	
			<ul> <li>определять по</li> </ul>	
			графикам	
			простейшие	
			характеристики	
			периодических	
			процессов в	
			биологии,	
			экономике,	
			музыке,	
			радиосвязи и	
			др. (амплитуда,	
			период и т.п.)	
Элементы	<ul> <li>Оперировать на</li> </ul>	– Оперировать	– Владеть	– Достижение
математи	базовом уровне	понятиями:	понятием	результатов
ческого	понятиями:	производная	бесконечно	раздела II;
анализа	производная	функции в	убывающая	– свободно
	функции в точке,	точке,	геометрическая	владеть
	касательная к	касательная к	прогрессия и	стандартным
	графику	графику	уметь	аппаратом
	функции,	функции,	применять его	математичес
	производная	производная	при решении	кого анализа
	функции;	функции;	задач;	для
	– определять	– вычислять	<ul><li>применять для</li></ul>	вычисления
	значение	производную	решения задач	производных
	производной	одночлена,	теорию	функции одной
	функции в точке	многочлена,	пределов;	переменной;
	по изображению	квадратного	– владеть	– свободно
	касательной к	корня,	понятиями	применять
	графику,	производную	бесконечно	annapam
	проведенной в	суммы функций;	большие и	математичес
	этой точке;	– вычислять	бесконечно	кого анализа
	– решать	производные	малые числовые	для
	несложные	элементарных	последовательн	исследования
	задачи на	функций и их	ости и уметь	функций и
	применение	комбинаций,	сравнивать	построения
	связи между	используя	бесконечно	графиков, в
	промежутками	справочные	большие и	том числе
	монотонности и	материалы;	бесконечно	исследования
	точками	<ul><li>исследовать в</li></ul>	малые	на
	экстремума	простейших	последовательн	выпуклость;
	функции, с одной	случаях	ости;	<ul><li>отпунатенно,</li><li>оперировать</li></ul>
	стороны, и	функции на	– владеть	понятием
	промежутками	функции на монотонность,	понятиями:	первообразной
	знакопостоянства	находить	производная	функции для
	и нулями	наибольшие и	функции в	решения
L	11 11 9 31 71 11 11	пииоолошие и	функции в	решения

производной	наименьшие	точке,	задач;
этой функции – с	значения	производная	– овладеть
другой.	функций,	функции;	основными
. 10	строить	– вычислять	сведениями об
В повседневной	графики	производные	интеграле
жизни и при	многочленов и	элементарных	Ньютона–
изучении других	простейших	функций и их	Лейбница и его
предметов:	рациональных	комбинаций;	простейших
- пользуясь	функций с	- исследовать	применениях;
графиками,	использованием	функции на	– оперировать в
сравнивать	annapama	монотонность и	стандартных
скорости	математическо	экстремумы;	ситуациях
возрастания	го анализа.	- строить	производными
(роста,		графики и	высших
повышения,	В повседневной	применять к	порядков;
увеличения и	жизни и при	решению задач,	- уметь
т.п.) или	изучении других	в том числе с	применять при
скорости	учебных	параметром;	решении задач
убывания	предметов:	– владеть	свойства
(падения,	– решать	понятием	непрерывных
снижения,	прикладные	касательная к	функций;
уменьшения и	задачи из	графику	- уметь
т.п.) величин в	биологии,	функции и	применять при
реальных	физики, химии,	уметь	решении задач
процессах;	экономики и	применять его	теоремы
- соотносить	других	при решении	Вейерштрасса
графики	предметов,	задач;	:
реальных	связанные с	– владеть	– уметь
процессов и	исследованием	ПОНЯТИЯМИ	выполнять
зависимостей с	характеристик	первообразная	приближенные
их описаниями,	реальных	функция,	вычисления
включающими	процессов,	определенный	(методы
характеристики	нахождением	интеграл;	решения
скорости	наибольших и	– применять	уравнений,
изменения	наименьших	теорему	вычисления
(быстрый рост,	значений,	Ньютона-	определенного
плавное	скорости и	Лейбница и ее	интеграла);
понижение и	ускорения и	следствия для	– уметь
т.п.);	m.n.;	решения задач.	применять
- использовать	_		приложение
графики	интерпретиров	В повседневной	производной и
реальных	ать полученные	жизни и при	определенного
процессов для	результаты	изучении других	интеграла к
решения		учебных	решению задач
несложных		предметов:	естествознан
прикладных		– решать	ия;
задач, в том		прикладные	– владеть
числе определяя		задачи из	понятиями
по графику		биологии,	вторая
скорость хода		физики, химии,	производная,

	процесса		экономики и	выпуклость
	процесса			графика
			других	графика функции и
			предметов,	
			связанные с	уметь исследовать
			исследованием	
			характеристик	функцию на
			процессов;	выпуклость
			_	
			интерпретирова	
			ть полученные	
			результаты	
Cmamucmu	<ul> <li>Оперировать на</li> </ul>	– Иметь	- Оперировать	– Достижение
ка и теория	базовом уровне	представление	основными	результатов
вероятнос	основными	о дискретных и	описательными	раздела II;
тей, логика	описательными	непрерывных	характеристика	– иметь
u	характеристикам	случайных	ми числового	представление
комбинато	и числового	величинах и	набора,	о центральной
рика	набора: среднее	распределениях,	понятием	предельной
	арифметическое,	0	генеральная	теореме;
	медиана,	независимости	совокупность и	– иметь
	наибольшее и	случайных	выборкой из	представление
	наименьшее	величин;	нее;	о выборочном
	значения;	– иметь	– оперировать	коэффициенте
	<ul> <li>оперировать на</li> </ul>	представление	понятиями:	корреляции и
	базовом уровне	0	частота и	линейной
	понятиями:	математическо	вероятность	регрессии;
	частота и	м ожидании и	события, сумма	– иметь
	вероятность	дисперсии	и произведение	представление
	события,	случайных	вероятностей,	0
	случайный	величин;	вычислять	статистическ
	выбор, опыты с	– иметь	вероятности	их гипотезах и
	равновозможным	представление	событий на	проверке
	и элементарными	о нормальном	основе подсчета	статистическ
	событиями;	распределении и	числа исходов;	ой гипотезы, о
	– вычислять	примерах	– владеть	статистике
	вероятности	нормально	основными	критерия и ее
	событий на	распределенных	имкиткноп	уровне
	основе подсчета	случайных	комбинаторики	значимости;
	числа исходов.	величин;	и уметь их	– иметь
		– понимать суть	применять при	представление
	В повседневной	закона больших	решении задач;	о связи
	жизни и при	чисел и	– иметь	эмпирических
	изучении других	выборочного	представление	u
	предметов:	метода	об основах	теоретически
	<ul><li>оценивать и</li></ul>	измерения	теории	$\boldsymbol{x}$
	сравнивать в	вероятностей;	вероятностей;	распределений
	простых случаях	– иметь	– иметь	;
	вероятности	представление	представление о	– иметь
	событий в	об условной	дискретных и	представление
	реальной жизни;	вероятности и	непрерывных	о кодировании,
<u> </u>	,	T	F-F	5 oup counting,

		TITITOTTI		о полной		случайных		двоичной
	_	читать,				величинах и		
		сопоставлять,		вероятности,				записи, двоичном
		сравнивать,		применять их в		распределениях,		
		интерпретироват		решении задач;		0		дереве;
		ь в простых	_	иметь		независимости	_	владеть
		случаях реальные		представление		случайных		основными
		данные,		о важных		величин;		понятиями
		представленные в		частных видах	_	иметь		теории графов
		виде таблиц,		распределений и		представление о		(граф,
		диаграмм,		применять их в		математическом		вершина,
		графиков		решении задач;		ожидании и		ребро, степень
			_	иметь		дисперсии		вершины, путь
				представление		случайных		в графе) и
				о корреляции		величин;		уметь
				случайных	_	иметь		применять их
				величин, о		представление о		при решении
				линейной		совместных		задач;
				регрессии.		распределениях	_	иметь
						случайных		представление
			B n	повседневной		величин;		о деревьях и
				жизни и при	_	понимать суть		уметь
				изучении других		закона больших		применять при
				предметов:		чисел и		решении
			_	вычислять или		выборочного		задач;
				оценивать		метода	_	владеть
				вероятности		измерения		понятием
				событий в		вероятностей;		связность и
				реальной	_	иметь		уметь
				жизни;		представление о		применять
			_	выбирать		нормальном		компоненты
				подходящие		распределении		связности при
				методы		и примерах		решении
				представления		нормально		задач;
				и обработки		распределенных	_	уметь
				данных;		случайных		осуществлять
			_	уметь решать		величин;		nymu no
				несложные	_	иметь		ребрам,
				задачи на		представление о		обходы ребер
				применение		корреляции		и вершин
				закона больших		случайных		графа;
				чисел в		величин.	_	иметь
				социологии,				представление
				страховании,	Br	<i>повседневной</i>		об эйлеровом и
				здравоохранени		жизни и при		гамильтоново
				и, обеспечении		изучении других		м пути, иметь
				безопасности		предметов:		представление
				населения в	_	вычислять или		о трудности
				чрезвычайных		оценивать		задачи
			1		1		1	`
1				ситуациях		вероятности		нахождения

				_	реальной жизни; выбирать методы подходящего представления и обработки данных	_	пути; владеть понятиями конечные и счетные множества и уметь их применять при решении задач; уметь применять метод
Tavemootia	Dow	O.T.Y.	Powami and ann		Dawary many va	_	математичес кой индукции; уметь применять принцип Дирихле при решении задач
<b>Текстовые</b> задачи	текс разн — анал усло при необ стро решимате модо — пони испо решинфиред в види и си запи табл диан граф рису — дейс алго соде усло — испо	товые задачи товые задачи тых типов; пизировать овие задачи, бходимости оить для ее ения ематическую ель; имать и ользовать для ения задачи ормацию, цставленную де текстовой мвольной иси, схем,	Решать задачи разных типов, в том числе задачи повышенной трудности; выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы; строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения; решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата; анализировать и интерпретиров		Решать разные задачи повышенной трудности; анализировать условие задачи, выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы; строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения при решении задачи; решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата; анализировать и		Достижение результатов раздела II

- рассуждения при решении задачи;
- работать с
  избыточными
  условиями,
  выбирая из всей
  информации,
  данные,
  необходимые для
  решения задачи;
- осуществлять несложный перебор возможных решений, выбирая из них оптимальное по критериям, сформулированным в условии;
- анализировать и интерпретироват ь полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;
- решать задачи на расчет стоимости покупок, услуг, поездок и т.п.;
- решать несложные задачи, связанные с долевым участием во владении фирмой, предприятием, недвижимостью;
- решать задачи на простые проценты (системы скидок, комиссии) и на вычисление

- ать результаты в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащи е контексту;
- переводить при решении задачи информацию из одной формы в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы;
- В повседневной жизни и при изучении других предметов:
- решать
   практические
   задачи и задачи
   из других
   предметов

- интерпретирова ть полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащи е контексту; переволить при
- переводить при решении задачи информацию из одной формы записи в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы.
- В повседневной жизни и при изучении других предметов:
- решать
   практические
   задачи и задачи
   из других
   предметов

сложных
процентов в
различных
схемах вкладов,
кредитов и
ипотек;
– решать
практические
задачи,
требующие
использования
отрицательных
чисел: на
определение
температуры, на
определение
положения на
временной оси
(до нашей эры и
после), на
движение
денежных
средств
(приход/расход),
на определение
глубины/высоты
и т.п.;
<ul><li>использовать</li></ul>
понятие
масштаба для
нахождения
расстояний и
длин на картах,
планах
местности,
планах
помещений,
выкройках, при
работе на
компьютере и
т.п.
В повседневной
жизни и при
изучении других
предметов:
— решать несложим в
несложные
практические
задачи,
возникающие в

История	ситуациях повседневной жизни  - Описывать	– Представлять	– Иметь	Достижение
и	отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки;  — знать примеры математических открытий и их авторов в связи с отечественной и всемирной историей;  — понимать роль математики в развитии России	вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей; понимать роль математики в развитии России	представление о вкладе выдающихся математиков в развитие науки;  — понимать роль математики в развитии России	результатов раздела II
математик	<ul> <li>Применять известные методы при решении стандартных математических задач;</li> <li>замечать и характеризовать математические закономерности в окружающей действительност и;</li> <li>приводить примеры математических закономерностей в природе, в том числе характеризующи х красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства</li> </ul>	<ul> <li>Использовать основные методы доказательства , проводить доказательство и выполнять опровержение;</li> <li>применять основные методы решения математически х задач;</li> <li>на основе математически х закономерносте й в природе характеризова ть красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства;</li> <li>применять простейшие программные</li> </ul>	<ul> <li>Использовать основные методы доказательства, проводить доказательство и выполнять опровержение;</li> <li>применять основные методы решения математических задач;</li> <li>на основе математических закономерносте й в природе характеризовать красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства;</li> <li>применять простейшие программные средства и электронно-</li> </ul>	<ul> <li>Достижение результатов раздела II;</li> <li>применять математичес кие знания к исследованию окружающего мира (моделировани е физических процессов, задачи экономики)</li> </ul>

средства и	коммуникацион
электронно-	ные системы
коммуникацион	при решении
ные системы	математических
при решении	задач;
математически	– пользоваться
х задач	прикладными
	программами и
	программами
	символьных
	вычислений для
	исследования
	математических
	объектов

### СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

#### Базовый уровень

Повторение. Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел. Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов, преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений.

Решение задач с использованием градусной меры угла. Модуль числа и его свойства.

Решение задач на движение и совместную работу с помощью линейных и квадратных уравнений и их систем. Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной переменной, с применением изображения числовых промежутков.

Решение задач с использованием числовых функций и их графиков. Использование свойств и графиков линейных и квадратичных функций, обратной пропорциональности и функции  $y = \sqrt{x}$ . Графическое решение уравнений и неравенств.

Тригонометрическая окружность, радианная мера угла. Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла. Основное тригонометрическое тождество и следствия из него. Значения

тригонометрических функций для углов 0°, 30°, 45°, 60°, 90°, 180°, 270°.  $(0, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2})$  рад).

Формулы сложения тригонометрических функций, формулы приведения, формулы двойного аргумента..

Нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность. Наибольшее и наименьшее значение функции. Периодические функции. Четность и нечетность функций. *Сложные функции*.

Тригонометрические функции  $y = \cos x$ ,  $y = \sin x$ ,  $y = \tan x$ . Функция  $y = \cot x$ . Свойства и графики тригонометрических функций.

Арккосинус, арксинус, арктангенс числа. *Арккотангенс числа*. Простейшие тригонометрические уравнения. Решение тригонометрических уравнений.

Обратные тригонометрические функции, их свойства и графики. Решение простейших тригонометрических неравенств.

Степень с действительным показателем, свойства степени. Простейшие показательные уравнения и неравенства. Показательная функция и ее свойства и график.

Логарифм числа, свойства логарифма. Десятичный логарифм. *Число е. Натуральный погарифм*. Преобразование логарифмических выражений. Логарифмические уравнения и неравенства. Логарифмическая функция и ее свойства и график.

Степенная функция и ее свойства и график. Иррациональные уравнения.

Метод интервалов для решения неравенств.

Преобразования графиков функций: сдвиг вдоль координатных осей, растяжение и сжатие, отражение относительно координатных осей. Графические методы решения уравнений и неравенств. Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.

Системы показательных, логарифмических и иррациональных уравнений. Системы показательных, логарифмических неравенств.

Взаимно обратные функции. Графики взаимно обратных функций.

Уравнения, системы уравнений с параметром.

Производная функции в точке. Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл производной. Производные элементарных функций. *Правила дифференцирования*.

Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.

Понятие о непрерывных функциях. Точки экстремума (максимума и минимума). Исследование элементарных функций на точки экстремума, наибольшее и наименьшее значение с помощью производной. Построение графиков функций с помощью производных. Применение производной при решении задач.

Первообразная. Первообразные элементарных функций. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница.Определенный интеграл. Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью интеграла.

#### Вероятность и статистика. Работа с данными

Повторение. Решение задач на табличное и графическое представление данных. Использование свойств и характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии. Решение задач на определение частоты и вероятности событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновозможными элементарными исходами. Решение задач с применением комбинаторики. Решение задач на вычисление вероятностей независимых событий, применение формулы сложения вероятностей. Решение задач с применением диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли.

Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности.

Дискретные случайные величины и распределения. Независимые случайные величины. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин.

Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин. Геометрическое распределение. Биномиальное распределение и его свойства.

Непрерывные случайные величины. Понятие о плотности вероятности. Равномерное распределение.

Показательное распределение, его параметры.

Понятие о нормальном распределении. Параметры нормального распределения. Примеры случайных величин, подчиненных нормальному закону (погрешность измерений, рост человека). Неравенство Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод измерения вероятностей. Роль закона больших чисел в науке, природе и обществе.

Ковариация двух случайных величин. Понятие о коэффициенте корреляции. Совместные наблюдения двух случайных величин. Выборочный коэффициент корреляции.

#### Углублённый уровень

Повторение. Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел. Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов, преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений. Решение задач с использованием градусной меры угла. Модуль числа и его свойства. Решение задач на движение и совместную работу, смеси и сплавы с помощью линейных, квадратных и дробно-рациональных уравнений и их систем. Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной переменной, с применением изображения числовых промежутков. Решение задач с использованием числовых функций и их графиков. Использование свойств и графиков линейных и квадратичных функций, обратной пропорциональности и функции  $y = \sqrt{x}$ . Графическое решение уравнений и неравенств. Использование операций над множествами и высказываниями. Использование неравенств и систем неравенств с одной переменной, числовых промежутков, их объединений и пересечений. Применение при решении задач свойств арифметической и геометрической прогрессии, суммирования бесконечной сходящейся геометрической прогрессии.

Множества (числовые, геометрических фигур). Характеристическое свойство, элемент множества, пустое, конечное, бесконечное множество. Способы задания множеств Подмножество. Отношения принадлежности, включения, равенства. Операции над множествами. Круги Эйлера. Конечные и бесконечные, счетные и несчетные множества.

Истинные и ложные высказывания, операции над высказываниями. *Алгебра высказываний*. Связь высказываний с множествами. Кванторы существования и всеобщности.

Законы логики. Основные логические правила. Решение логических задачс использованием кругов Эйлера, основных логических правил.

Умозаключения. Обоснования и доказательство в математике. Теоремы. Виды математических утверждений. Виды доказательств. Математическая индукция. Утверждения: обратное данному, противоположное, обратное противоположному данному. Признак и свойство, необходимые и достаточные условия.

Основная теорема арифметики. Остатки и сравнения. Алгоритм Евклида. Китайская теорема об остатках. Малая теорема Ферма. q-ичные системы счисления. Функция Эйлера, число и сумма делителей натурального числа.

Радианная мера угла, тригонометрическая окружность. Тригонометрические функции чисел и углов. Формулы приведения, сложения тригонометрических функций, формулы двойного и половинного аргумента. Преобразование суммы, разности в произведение тригонометрических функций, и наоборот.

Нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность. Наибольшее и наименьшее значение функции. Периодические функции и наименьший период. Четные и нечетные функции. Функции «дробная часть числа»  $y = \{x\}$  и «целая часть числа» y = [x].

Тригонометрические функции числового аргумента  $y = \cos x$ ,  $y = \sin x$ ,  $y = \tan x$ ,  $y = \cot x$ . Свойства и графики тригонометрических функций.

Обратные тригонометрические функции, их главные значения, свойства и графики. Тригонометрические уравнения. Однородные тригонометрические уравнения. Решение простейших тригонометрических неравенств. Простейшие системы тригонометрических уравнений.

Степень с действительным показателем, свойства степени. Простейшие показательные уравнения и неравенства. Показательная функция и ее свойства и график. Число e и функция  $y = e^x$ .

Логарифм, свойства логарифма. Десятичный и натуральный логарифм. Преобразование логарифмических выражений. Логарифмические уравнения и неравенства. Логарифмическая функция и ее свойства и график.

Степенная функция и ее свойства и график. Иррациональные уравнения.

Первичные представления о множестве комплексных чисел. Действия с комплексными числами. Комплексно сопряженные числа. Модуль и аргумент числа. Тригонометрическая форма комплексного числа. Решение уравнений в комплексных числах.

Метод интервалов для решения неравенств. Преобразования графиков функций: сдвиг, умножение на число, отражение относительно координатных осей. Графические методы решения уравнений и неравенств. Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.

Системы показательных, логарифмических и иррациональных уравнений. Системы показательных, логарифмических и иррациональных неравенств.

Взаимно обратные функции. Графики взаимно обратных функций.

Уравнения, системы уравнений с параметром.

Формула Бинома Ньютона. Решение уравнений степени выше 2 специальных видов. Теорема Виета, теорема Безу. Приводимые и неприводимые многочлены. Основная теорема алгебры.

Симметрические многочлены. Целочисленные и целозначные многочлены.

Диофантовы уравнения. Цепные дроби. Теорема Ферма о сумме квадратов.

Суммы и ряды, методы суммирования и признаки сходимости.

Теоремы о приближении действительных чисел рациональными.

Множества на координатной плоскости.

Неравенство Коши-Буняковского, неравенство Йенсена, неравенства о средних.

Понятие предела функции в точке. Понятие предела функции в бесконечности. Асимптоты графика функции. Сравнение бесконечно малых и бесконечно больших. Непрерывность функции. Свойства непрерывных функций. Теорема Вейерштрасса.

Дифференцируемость функции. Производная функции в точке. Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл производной. *Применение производной в физике*. Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.

Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.

Точки экстремума (максимума и минимума). Исследование элементарных функций на точки экстремума, наибольшее и наименьшее значение с помощью производной. Построение графиков функций с помощью производных. Применение производной при решении задач. Нахождение экстремумов функций нескольких переменных.

Первообразная. Неопределенный интеграл. Первообразные элементарных функций. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница. Определенный интеграл. Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью интеграла..

Методы решения функциональных уравнений и неравенств.

#### Вероятность и статистика, логика, теория графов и комбинаторика

Повторение. Использование таблиц и диаграмм для представления данных. Решение задач на применение описательных характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии и стандартного отклонения. Вычисление частот и вероятностей Вычисление вероятностей событий. опытах равновозможными элементарными исходами. Использование комбинаторики. Вычисление независимых событий. Использование формулы сложения вероятностей, диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли.

Вероятностное пространство. Аксиомы теории вероятностей.

Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

Дискретные случайные величины и распределения. Совместные распределения. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин. Математическое ожидание и

дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин.

Бинарная случайная величина, распределение Бернулли. Геометрическое распределение. Биномиальное распределение и его свойства. *Гипергеометрическое распределениеи его свойства*.

Непрерывные случайные величины. Плотность вероятности. Функция распределения. Равномерное распределение.

Показательное распределение, его параметры.

Распределение Пуассона и его применение. Нормальное распределение. Функция Лапласа. Параметры нормального распределения. Примеры случайных величин, подчиненных нормальному закону (погрешность измерений, рост человека). Центральная предельная теорема.

Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева и теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод измерения вероятностей. Роль закона больших чисел в науке, природе и обществе.

Ковариация двух случайных величин. Понятие о коэффициенте корреляции. Совместные наблюдения двух случайных величин. *Выборочный коэффициент корреляции*. *Линейная регрессия*.

Статистическая гипотеза. Статистика критерия и ее уровень значимости. Проверка простейших гипотез. Эмпирические распределения и их связь с теоретическими распределениями. Ранговая корреляция.

Построение соответствий. Инъективные и сюръективные соответствия. Биекции. Дискретная непрерывность. Принцип Дирихле.

Кодирование. Двоичная запись.

Основные понятия теории графов. Деревья. Двоичное дерево. Связность. Компоненты связности. Пути на графе. Эйлеровы и Гамильтоновы пути.

#### ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

(универсальный, гуманитарный профили) **10 класс** 

No	Содержание	Количество часов
1.	Действительные числа.	3
2.	Рациональные уравнения и неравенства.	9
3.	Корень степени п.	6
4.	Степень положительного числа.	6
5.	Логарифмы.	5
6.	Показательные и логарифмические уравнения	7
	и неравенства.	
7.	Синус и косинус угла.	7
8.	Тангенс и котангенс угла.	4
9.	Формулы сложения.	6
10.	Тригонометрические функции числового	6
	аргумента.	
11.	Тригонометрические уравнения и неравенства.	4
12.	Вероятность события.	3

13.	Повторение курса 10 класса	2
		68

#### 11 класс

№	Содержание	Количество часов
1.	Функции и их графики.	5
2.	Предел функции и непрерывность.	2
3.	Обратные функции.	2
4.	Производная.	8
5.	Применение производной.	13
6.	Первообразная и интеграл.	8
7.	Равносильность уравнений и неравенств.	4
8.	Уравнения следствия.	4
9.	Равносильность уравнений и неравенств	4
	системам.	
10.	Равносильность уравнений и неравенств на	5
	множествах.	
11.	Использование свойств функций при решении	3
	уравнений и неравенств.	
12.	Системы уравнений с несколькими	3
	неизвестными.	
13.	Повторение.	7
		68

### (технологический профиль) 10 класс

№	Содержание	Количество часов
1.	Действительные числа	12
2.	Числовые функции	9
3.	Тригонометрические функции	25
4.	Тригонометрические уравнения	9
5,	Преобразование тригонометрических	21
	выражений	
6.	Комплексные числа	9
7.	Производная	28
8.	Комбинаторика и вероятность	7
9.	Повторение	16
		136

11 класс

(технологический профиль)

No	Содержание	Количество часов
1.	Многочлены	11
2.	Степени и корни. Степенные функции	24
3.	Показательные и логарифмические функции	37
4.	Первообразная и интеграл	10
5,	Элементы теории вероятности и статистики	10
6.	Уравнения и неравенства. Системы уравнений	35
7.	Повторение	9
		136

#### учебники:

(Универсальный, гуманитарный профили):

- 1. Никольский С. М. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: учебник для общеобразовательных организаций: базовый и углублённый уровни / [С. М. Никольский, М. К.Потапов, Н. Н. Решетников и др.]. М.: Просвещение.
- 2. Никольский С. М. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс: учебник для общеобразовательных организаций: базовый и углублённый уровни / [С. М. Никольский, М. К.Потапов, Н. Н. Решетников и др.]. М.: Просвещение. (Технологический профиль):
- 3. Мордкович А.Г. Математика: алгебра и начала анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Учебник для общеобразовательных организаций (базовый и углублённый уровни). В 2 ч. Ч.1 / А.Г.Мордкович, П.В.Семенов. -9-е изд.,стер. –М.: Мнемозина.
- 4.Мордкович А.Г. Математика: алгебра и начала анализа. 11 класс. Учебник для общеобразовательных организаций (базовый и углублённый уровни). В 2 ч. Ч.1 / А.Г.Мордкович. П.В.Семенов.-9-е изд.. стер. –М.: Мнемозина.